Nivel Estudiante (2do. y 3er. Curso)

Escribe tus respuestas en la HOJA DE RESPUESTAS

El área de la región pintada en cm^2 es:

A) $2\pi + 2$

Tiempo: 1 hora y 15 minutos

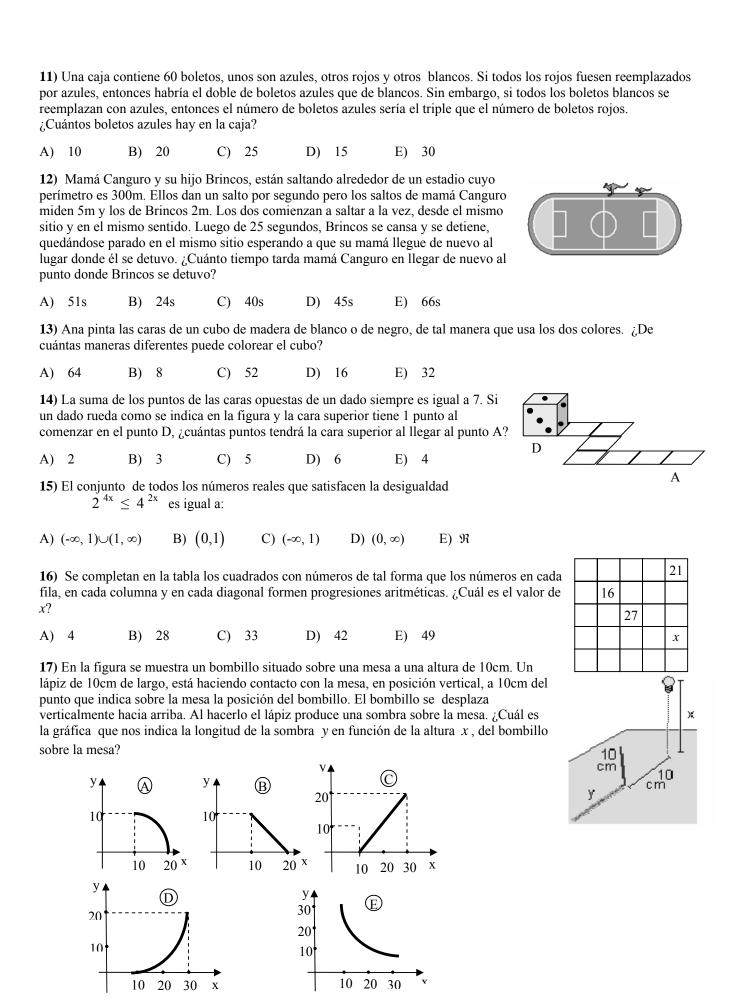
AL PARTICIPAR TE COMPROMETES A NO DIVULGAR LOS PROBLEMAS DE ESTA OLIMPIADA HASTA MAYO Por lo tanto, al terminar el examen **debes entregar** esta hoja y TODOS tus borradores a los profesores.

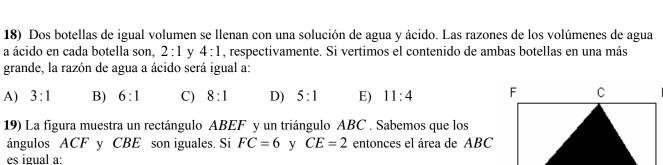
1) ¿Para cuál d	de los	siguientes	valor	res de x la	expre	esión $\frac{x^2}{x^3}$	toma	a el menor valor ?	
A) -2	B)			- 3					
2) Considera l	n la figura sa muastran, ainea tariatas numaradas dal 1 al 5. Si an anda								
A) 3	B)	4	C)	1	D)	2	E)	5	
3) En la figura se muestran cinco tarjetas numeradas del 1 al 5. Si en cada movimiento se permite solamente intercambiar la posición de dos cartas, ¿cuál es el número mínimo de movimientos para ordenarlas de manera creciente?									
A) 1	B)	3	C)	5	D)	4	E)	2 1 2 3 4 5	
4) Si 888×11	4) Si $888 \times 111 = 2(2n)^2$, entonces el entero positivo n es igual a A) 22 B) 11 C) 111 D) 8 E) 444								
A) 22	B)	11	C)	111	D)	8	E)	444	
5) ¿Cuántos pares (a, b) de números enteros positivos existen con la siguiente propiedad: su máximo común divisor es 24 y su mínimo común múltiplo es 2496?									
A) infinitos	B)	6	C)	2	D)	0	E)	4	
6) Sean A, B y C tres puntos en un plano. Si ∠BAC = 2(∠ABC + ∠ACB), ¿cuánto mide ∠BAC?									
A) 100°	B)	72°	C)	180°	D)	120°	E)	60°	
7) La suma de cuatro números enteros positivos y consecutivos, no puede ser igual a:									
A) 2002	B)	202	C)	220	D)	222	E)	22	
8) En un cubo cuyas medidas son de 3cm por lado (3×3×3) y su peso es de 810 g., se taladran unos agujeros con forma de paralelepípedos rectangulares y cuyas medidas son 1×1×3, como se muestra en la figura. El peso en gramos del sólido que queda es.									
A) 600	B)	540	C)	570	D)	630	E)	660	
9) Si f es una función tal que para todo número entero x es cierto que $f(x+1) = 2f(x) - 2002$ y además									
9) Si f es una función tal que para todo número entero x es cierto que $f(x+1)=2f(x)-2002$ y además $f(2005)=2008$, entonces $f(2004)$ es igual a:									
A) 2004	B)	2010	C)	2008	D)	2005	E)	2016	
10) En la figura hay dos semicírculos y un círculo. ABCD es un rectángulo y el radio de cada uno de los semicírculos y del círculo miden 2cm. A y B son los centros de los semicírculos inferiores.									

D) $2\pi + 1$

E) 8

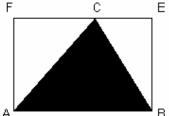
C) 2π







- B) 16
- C) $8\sqrt{2}$
 - D) 6
- E) $8\sqrt{3}$



20) ¿Cuál de los siguientes números puede ser expresado como el producto de cuatro enteros distintos, todos mayores que 1?

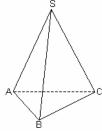
- A) 2025
- B) 2187
- C) 108
- D) 124
- E) 625

21) Determina el coseno del ángulo opuesto a la base de un triángulo isósceles sabiendo que las medianas trazadas a los lados iguales son perpendiculares.

- A) 0

- B) $\frac{4}{5}$ C) $\frac{1}{2}$ D) $\frac{2}{3}$ E) $\frac{3}{4}$

22) En la pirámide SABC todos los ángulos planos con vértice S miden 90°. Las áreas de las caras laterales SAB, SAC y SBC son iguales a 3,4 y 6 unidades, respectivamente. Determina el volumen de la pirámide SABC.



- A 8 u.c.
- B) 5 u.c.

23) Si la suma de los dígitos de m es 30, entonces la suma de los dígitos de m+3 no puede ser:

- A) 21
- B) 15
- C) 6
- D) 24
- E) 33

24) En una bolsa tenemos 17 bolas numeradas por 5 + 125 k, con k = 0, 1, ..., 16, es decir, 5, 130, 255, 380, 505, ...1755, 1880, 2005. Si seleccionamos varias bolas al azar, ¿cuál es el menor número de bolas que deberemos tomar para garantizar que exista al menos un par de ellas que sumen 2010?

- A) 7
- B) 8
- C) 10
- D) 11
- E) 17

25) Si $\log_{10} \left(\sqrt{2005} + \sqrt{1995} \right) = n$ cuál de los siguientes es el valor de $\log_{10} \left(\sqrt{2005} - \sqrt{1995} \right)$

- A) n-1 B) 1-n C) $\frac{1}{n}$ D) n+1

Imposible de determinar con la información dada.

26) ABCDEFGH es un octágono regular. Se elige un punto P fuera del octógono de modo que el triángulo APC sea equilátero. ¿Cuál es la medida del ángulo PAB?

- A) 22° 30'
- B) 30°
- C) 33° 45' D) 37° 30'
- E) 45°

27) El entero A tiene exactamente 2 divisores. El entero B tiene exactamente 5 divisores. ¿Cuántos divisores tiene A • B?

- A) 5
- B) 6
- C) 7
- D) 10
- E) Hace falta más información.

28) En el cuadrilátero ABCD la diagonal BD es la bisectriz de $\angle ABC$ y AC = BC. Si $\angle BDC = 80^{\circ}$ y $\angle ACB = 20^{\circ}$, entonces la medida de $\angle BAD$ es igual a:

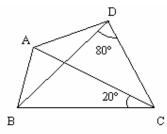


B) 100°

C) 110°

D) 120°





29) Henry quiere viajar de la ciudad A a la ciudad B y ha pensado ir a una cierta velocidad. Luego decide que le gustaría llegar más temprano que la hora que había planificado y observa que si viaja a una velocidad de 5km/h mayor de la planificada, llegaría 5 horas antes de lo esperado, pero si viaja a una velocidad de 10km/hmayor a la planificada, llegará 8 horas antes. ¿Con cuál velocidad planificó Henry el viaje?

A)
$$10\frac{\text{km}}{\text{h}}$$

A) $10\frac{km}{h}$ B) $15\frac{km}{h}$ C) $20\frac{km}{h}$ D) $25\frac{km}{h}$ E) imposible de determinar

30) Dado un número, multiplíquelo por 2 y luego réstele 1. Luego de aplicar este proceso 98 veces más se obtiene el número $2^{100} + 1$.

¿Cuál fue el número con el cual comenzamos a calcular?

B) 2

C) 4

D) 6

E) ninguno de los anteriores